## ВЕСТНИК ЮГОРСКОГО ГОСУДАРСТВЕННОГО УНИВЕРСИТЕТА

2022 г. Выпуск 4 (67). С. 93-102

УДК 621.313.333

DOI: 10.18822/byusu20220493-102

# О НЕКОТОРЫХ РЕЖИМАХ РАБОТЫ ПОГРУЖНОГО АСИНХРОННОГО ЭЛЕКТРОДВИГАТЕЛЯ

## Ковалев Владимир Захарович

доктор технических наук, профессор, руководитель ОП «Электроэнергетика и электротехника» Института нефти и газа, ФГБОУ ВО «Югорский государственный университет» Ханты-Мансийск, Россия E-mail: vz\_kovalev@mail.ru

## Балыклов Егор Станиславович

аспирант Института нефти и газа, ФГБОУ ВО «Югорский государственный университет» Ханты-Мансийск, Россия E-mail: balyklov2842@mail.ru

## Хусаинов Эмиль Ильшатович

аспирант Института нефти и газа, ФГБОУ ВО «Югорский государственный университет» Ханты-Мансийск, Россия E-mail: husainov-e@mail.ru

Объект исследования: асинхронный погружной электродвигатель в составе электроприводного центробежного насоса.

Предмет исследования: неноминальные режимы работы асинхронных погружных электродвигателей, включая режимы расклинивания.

Цель исследования: построение методики исследования работы асинхронных погружных электродвигателей при неноминальных режимах работы, включая вариации частоты питающего напряжения и его величины.

Перечень методов исследования: теория электромеханического преобразования энергии, цифровое моделирование, статистическая обработка данных, методы планирования эксперимента.

Основные результаты исследования: обоснована актуальность исследований погружных электродвигателей в неноминальных условиях; построена методика исследования работы асинхронных погружных электродвигателей при неноминальных режимах работы; проведено тестирование предложенной методики на примере режима расклинивания УЭЦН.

Ключевые слова: асинхронный погружной электродвигатель, математическая модель, преобразование энергии, цифровой эксперимент.

## ON SOME OPERATING MODES OF A SUBMERSIBLE INDUCTION ELECTRIC MOTOR

## Vladimir Z. Kovalev

Doctor of Technical Sciences, Professor,
Head of Department
"Electrical Power Engineering and Electrical Engineering",
Institute of Oil and Gas,
Yugra State University
Khanty-Mansiysk, Russia
E-mail: vz. kovalev@mail.ru

## Egor S. Balyklov

Postgraduate student of the Institute of Oil and Gas, Yugra State University Khanty-Mansiysk, Russia E-mail: balyklov2842@mail.ru

#### **Emil I. Husainov**

Postgraduate student of the Institute of Oil and Gas, Yugra State University Khanty-Mansiysk, Russia E-mail: husainov-e@mail.ru

Object of research: induction submersible electric motor as a part of electric drive centrifugal pump. Subject of the research: non-nominal operation modes of induction submersible electric motors, including modes of wedging.

Purpose of research: creation of research methodology of operation of induction submersible electric motors at non-nominal modes of operation, including variation of frequency of feeding voltage and its magnitude.

Methods of research: theory of electromechanical transformation of energy, digital modeling, statistical data processing, methods designing of experiments.

Main results of research: the relevance of submersible electric motors research in non-nominal conditions is substantiated; the technique of asynchronous submersible electric motors operation research in non-nominal operating modes is built; the proposed technique is tested on the example of the ESP unit wedging mode.

Keywords: induction submersible motor, mathematical model, energy conversion, digital experiment.

#### Введение

На территории России, по данным за 2021 год, количество действующих нефтяных скважин превышало 130 тысяч единиц. Основным типом механизированного фонда нефтедобычи по-прежнему остаются установки электроцентробежных насосов (УЭЦН) [1, стр.95]. Привод центробежного насоса, как правило, осуществляется погружным асинхронным электрическим двигателем (ПЭД). Отметим, что начинает возрастать и доля синхронных электродвигателей, несмотря на их большую стоимость. Указанное выше значительное количество ПЭД в составе УЭЦН, определяет, как надежность всего процесса добычи нефти, так и направление работ, направленных на уменьшение времени внутрисменных простоев, при эксплуатации фонда скважин. Одно из направлений таких работ вызвано эксплуатацией скважин содержащих механические примеси высоких концентраций в нефтесодержащей

жидкости. Отмеченное обстоятельство может приводить к частым заклиниваниям УЭЦН. Соответственно требуется создать условия для повторного запуска скважин. При этом появляется ряд требований к ПЭД: создание максимального момента допускаемого конкретной конструкцией УЭЦН, ограничение на величину тока потребляемого в режиме расклинивания. Ограничения на величину тока в режиме расклинивания обусловлены возникающим тепловым режимом ПЭД и соответствующей деградацией изоляции обмотки статора ПЭД. С другой стороны, для обеспечения максимального момента в режиме расклинивания, требуется «максимальный» ток [2]. Разрешение возникшего противоречия с необходимостью требует построения математической модели ПЭД в режиме расклинивания и последующего применения процедур оптимизации, для определения параметров системы управления [3]. Определяющим фактором здесь становится необходимость управления ПЭД находящимся в условиях нестационарных воздействий, в том числе температурных [4,5]. Что, в конечном итоге, сводится к предиктивному управлению по математической модели ПЭД с непрерывной идентификацией ее параметров [6-11].

### Результаты и обсуждение

В направлении реализации данного подхода предлагается использовать методы планирования эксперимента — эквивалентирование энергетических зависимостей ПЭД полиномами вида [12-16]:

$$y = b_0 + b_1 x_1 + b_2 x_2 + \dots + b_n x_n + b_{12} x_1 x_2 + \dots + b_{n-1,n} x_{n-1} x_n + b_{11} x_1^2 + \dots + b_{nn} x_n^2, \quad (1)$$

где y – энергетическая характеристика ПЭД;  $x_i$  – энергетические параметры;  $b_i$  – коэффициенты модели в поле ее применимости.

Нахождение коэффициентов модели (1), выявление ее оптимального состава выполняется в рамках основных положений теории МПЭ [12,15], в результате требуется проведение N опытов над объектом (в нашем случае – ПЭД в составе УЭЦН), подчиненных определенным правилам. Отметим, что в данной работе вычислительные эксперименты – моделируют реальную работу ПЭД в неноминальных условиях.

После ряда преобразований уравнения (1), можно получить матричную форму записи для искомых коэффициентов модели:

$$B = C^{-1}X^TY, (2)$$

где  $C = X^T X$ , X – матрица планирования.

Потребуем для матрицы X – наличия свойств ортогональности:

$$\sum_{j=1}^{N} x_{kj} x_{ij} = \sum_{j=1}^{N} x_{ij} x_{kj} = 0,$$
(3)

где индексами k и i – обозначены номера столбцов в матрице X .

Одновременно потребуем для матрицы X наличия свойств симметричности:

$$\sum_{i=1}^{N} x_{ii} = 0. \tag{4}$$

Тогда коэффициенты рассчитываются по [12]:

$$b_{i} = \sum_{i=1}^{N} x_{ij} y_{i} / \sum_{i=1}^{N} x_{ij}^{2}.$$
 (5)

Выполнение поставленных требований (3, 4) обеспечивается процедурой «кодирования факторов» [12,15]:

$$X_{i} = \left(X_{i} - X_{0i}\right) / \Delta X_{i} \,, \tag{6}$$

где  $X_i$  – некоторый энергетический фактор (ЭФ),  $X_{0i}$  – номинальное значение (в нашем случае) энергетического фактора,  $\Delta X_i$  – интервал возможных значений энергетического

фактора. Тогда, для любого ЭФ его максимальное значение равно +1; и равно -1 минимальное значение ЭФ. Для построения модели вида (1), при количестве ЭФ равном n, потребуется  $2^n$  экспериментов. Планы экспериментов, отвечающие условиям (2) - (6), принято называть планами первого порядка [12].

Вызывает определенный интерес, в плане повышения точности моделирования, построение математических моделей второго порядка. В качестве инструмента здесь можно использовать подходы, базирующиеся на «ортогональных центрально-композиционных планах второго порядка» [12,15]. Композиция такого плана представляет собой собственно план ПФЭ (или ДФЭ), дополненный двумя точками  $\alpha$  для каждого ЭФ и центральной точки  $x_i$ . Эти точки в литературе принято называть «звездными» [12]. Соответственно для каждого ЭФ мы получаем пять уровней для использования:  $x_i(-\alpha,-1,0,1,\alpha)$ . Количество необходимых опытов здесь возрастает до  $N=2^n+2n+1$ .

Введем в рассмотрение постоянную величину:

$$q = \sqrt{2^n/N} \,. \tag{7}$$

Преобразуем квадраты энергетических факторов по правилу:

$$x'_{ii} = x_{ii}^2 - q , (8)$$

и определим «звездные» точки [12]:

$$\alpha = \sqrt{\frac{\sqrt{N \cdot 2^n} - 2^n}{2}} \,. \tag{9}$$

Эти преобразования позволяют перейти к определению искомых коэффициентов в уравнении (1) в соответствии с выражением (5).

Применение данного подхода требует внимательного определения области допустимого применения получаемых математических моделей.

Рассмотрим предложенный выше подход на примере моделирования погружного электродвигателя марки ЭД(Т) 45-117-1000. Для тестирования используем данные о значениях номинальных параметров из работы [17]:

Таблица 1 – Номинальные параметры ЭД(Т) 45-117-1000

| $U_{\mu}$ , $B$ | P <sub>2н</sub> , кВт | I <sub>1н</sub> , А | cosφ <sub>w</sub> o.e. | P <sub>1н</sub> , кВт | η, % |
|-----------------|-----------------------|---------------------|------------------------|-----------------------|------|
| 1000            | 45                    | 36,3                | 0,88                   | 55                    | 82   |

Примем значения параметров Т-образной схемы замещения ЭД(Т) 45-117-1000, в соответствии с работой [17], следующими:  $R_{_{I}}=0,\!660$ ;  $X_{_{I}}=1,\!39$ ;  $R'_{_{2}}=0,\!968$ ;  $X'_{_{2}}=1,\!39$ ;  $R_{_{u}}=6,\!37$ ;  $X_{_{u}}=39,\!6$ .

Отметим, что вопросы идентификации параметров схемы замещения ПЭД детально рассматривались в работах [13,17,18] и не являются предметом данной статьи.

Введем допущения: «параметры схем замещения элементарных электрических машин составляющих ПЭД – равны» [19]; рассматриваем режим «расклинивания» при скольжении s=1 [2]; температурными вариациями [17,20] пренебрегаем; насыщением магнитной системы пренебрегаем. При этом варьируются следующие параметры Т-образной схемы замещения ПЭД:  $R'_2$ ,  $X'_2$ ,  $R_\mu$ ,  $X_\mu$ ,  $U_I$ . Выбор для анализа возможных вариаций параметров  $R'_2$ ,  $X'_2$ ,  $R_\mu$ ,  $X_\mu$  – обусловлен существующими особенностями технологии изготовления ПЭД и влиянием режима эксплуатации ПЭД.

Включение частоты напряжения в спектр варьируемых параметров, в данном случае не производится, так как это принципиально не изменяет характер выполнения дальнейших выкладок и существенно снижает объем предоставляемой информации.

Находим зависимости в форме (1) для электромагнитного момента M:

$$M = M(R'_2, X'_2, R_u, X_u, U_I)$$

и для потребляемого тока  $I_i$ :

$$I_{1} = I_{1}(R'_{2}, X'_{2}, R_{n}, X_{n}, U_{1})$$

Применим ортогональный центрально-композиционный план второго порядка для набора из пяти компонент:  $R'_2$ ,  $X'_2$ ,  $R_\mu$ ,  $X_\mu$ ,  $U_I$ . При этом все выбранные компоненты считаем изменяющимися. Диапазон изменений для  $R'_2$ ,  $X'_2$ ,  $R_\mu$ ,  $X_\mu$ , — примем  $\pm 25\%$  от номинальных значений; изменение фазного напряжения  $U_I$  примем  $\pm 10\%$ , что в совокупности образует факторное пространство (табл. 2).

| Фактор,  | Параметр,           | Нижний уровень, | Верхний уровень, | Основной          | Интервал                   |  |
|----------|---------------------|-----------------|------------------|-------------------|----------------------------|--|
| $x_i$    | $X_i$               | $X_{\min i}$    | $X_{\max i}$     | уровень, $X_{0i}$ | варьирования, $\Delta X_i$ |  |
| $x_1$    | R`2, Ом             | 0,726           | 1,21             | 0,968             | 0,242                      |  |
| $x_2$    | X`2, Ом             | 1,04            | 1,74             | 1,39              | 0,348                      |  |
| Х3       | R <sub>μ</sub> , Ом | 4,78            | 7,96             | 6,37              | 1,59                       |  |
| $\chi_4$ | $X_{\mu}$ , Ом      | 29,7            | 49,5             | 39,6              | 9,90                       |  |
| X5       | $U_1$ , B           | 520             | 635              | 577               | 57.7                       |  |

Таблица 2 – Параметры факторного пространства n=5

Процедура кодирования в соответствии с (6) и расчет «звездной» точки по (9) приводят к результатам:

$$x_{1} = (R_{2}^{'} - 0.968)/0.242; \quad x_{2} = (X_{2}^{'} - 1.390)/0.348; \quad x_{3} = (R_{\mu} - 6.370)/1.593; \quad x_{4} = (X_{\mu} - 39.606)/9.902;$$

$$x_{5} = (U_{1} - 577.350)/57.735; \quad \alpha = \sqrt{(\sqrt{43 \cdot 2^{5}} - 2^{5})/2} = 1.596.$$

Фрагменты итогового плана вычислительного эксперимента представлены в табл.3. Выборка содержит максимальные и минимальные значения тока статора и электромагнитного момента.

|    | Таолица 3 — План вычислительного эксперимента $n = 3$ (фрагмент) |       |       |       |       |     |         |         |         |         |             |        |          |
|----|--|-------|-------|-------|-------|-----|---------|---------|---------|---------|-------------|--------|----------|
| N  | $x_1$  | $x_2$ | $x_3$ | $x_4$ | $x_5$ | ••• | $x_1^2$ | $x_2^2$ | $x_3^2$ | $x_4^2$ | $x_{5}^{2}$ | М, Н*м | $I_1, A$ |
| 1  | -1   | -1    | -1    | -1    | -1    |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 229    | 189      |
| 2  | 1  | -1    | -1    | -1    | -1    |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 316    | 172      |
| 3  | -1   | 1     | -1    | -1    | -1    |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 152    | 157      |
|    |  | •••   |       |       |       |     |         |         |         |         |             | •••    |          |
| 12 | 1  | 1     | -1    | 1     | -1    |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 227    | 145      |
| 13 | -1   | -1    | 1     | 1     | -1    |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 233    | 187      |
| 14 | 1  | -1    | 1     | 1     | -1    |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 322    | 171      |
|    |  |       |       |       |       |     |         |         |         |         |             | •••    |          |
| 21 | -1   | -1    | 1     | -1    | 1     |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 342    | 231      |
| 22 | 1  | -1    | 1     | -1    | 1     |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 472    | 211      |
| 23 | -1   | 1     | 1     | -1    | 1     |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 226    | 192      |
| 24 | 1  | 1     | 1     | -1    | 1     |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 332    | 180      |
| 25 | -1   | -1    | -1    | 1     | 1     |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 348    | 229      |
| 26 | 1  | -1    | -1    | 1     | 1     |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 482    | 209      |
|    |  |       |       |       |       |     |         |         |         |         |             |        |          |
| 32 | 1  | 1     | 1     | 1     | 1     |     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1     | 0,1         | 340    | 178      |
| 33 | -1,6   | 0     | 0     | 0     | 0     |     | 1,7     | -0,9    | -0,9    | -0,9    | 1,7         | 193    | 193      |

Таблица 3 — План вычислительного эксперимента n = 5 (фрагмент)

В. З. Ковалев, Е. С. Балыклов, Э. И. Хусаинов

| 34                          | 1,6 | 0    | 0    | 0    | 0    |  | 1,7  | -0,9 | -0,9 | -0,9 | 1,7  | 352 | 171 |
|-----------------------------|-----|------|------|------|------|--|------|------|------|------|------|-----|-----|
| 35                          | 0   | -1,6 | 0    | 0    | 0    |  | -0,9 | 1,7  | -0,9 | -0,9 | -0,9 | 393 | 211 |
| 36                          | 0   | 1,6  | 0    | 0    | 0    |  | -0,9 | 1,7  | -0,9 | -0,9 | -0,9 | 214 | 160 |
| 37                          | 0   | 0    | -1,6 | 0    | 0    |  | -0,9 | -0,9 | 1,7  | -0,9 | -0,9 | 286 | 182 |
| 38                          | 0   | 0    | 1,6  | 0    | 0    |  | -0,9 | -0,9 | 1,7  | -0,9 | -0,9 | 286 | 183 |
| 39                          | 0   | 0    | 0    | -1,6 | 0    |  | -0,9 | -0,9 | -0,9 | 1,7  | -0,9 | 279 | 185 |
| 40                          | 0   | 0    | 0    | 1,6  | 0    |  | -0,9 | -0,9 | -0,9 | 1,7  | -0,9 | 289 | 182 |
| 41                          | 0   | 0    | 0    | 0    | -1,6 |  | -0,9 | -0,9 | -0,9 | -0,9 | -0,9 | 202 | 153 |
| 42                          | 0   | 0    | 0    | 0    | 1,6  |  | -0,9 | -0,9 | -0,9 | -0,9 | -0,9 | 385 | 212 |
| 43                          | 0   | 0    | 0    | 0    | 0    |  | -0,9 | -0,9 | -0,9 | -0,9 | -0,9 | 286 | 183 |
| Среднее значение $y_{cp}$ . |     |      |      |      |      |  |      |      | 289  | 184  |      |     |     |

Аппроксимирующий полином (1) в данном случае примет вид:

$$y = b_{0} + b_{1} \cdot x_{1} + b_{2} \cdot x_{2} + b_{3} \cdot x_{3} + b_{4} \cdot x_{4} + b_{5} \cdot x_{5} + b_{12} \cdot x_{1} \cdot x_{2} + b_{13} \cdot x_{1} \cdot x_{3} + b_{14} \cdot x_{1} \cdot x_{4} + b_{15} \cdot x_{1} \cdot x_{5} + b_{23} \cdot x_{2} \cdot x_{3} + b_{24} \cdot x_{2} \cdot x_{4} + b_{25} \cdot x_{2} \cdot x_{5} + b_{34} \cdot x_{3} \cdot x_{4} + b_{15} \cdot x_{1} \cdot x_{5} + b_{123} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} + b_{124} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{4} + b_{125} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{5} + b_{134} \cdot x_{1} \cdot x_{3} \cdot x_{5} + b_{123} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} + b_{124} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{4} + b_{125} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{5} + b_{134} \cdot x_{1} \cdot x_{3} \cdot x_{4} + b_{135} \cdot x_{1} \cdot x_{3} \cdot x_{5} + b_{145} \cdot x_{1} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{234} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} + b_{125} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} + b_{1235} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{1345} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} + b_{1235} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{1345} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} + b_{1235} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{1345} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{1234} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} + b_{1235} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{1345} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{1345} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{12345} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{1345} \cdot x_{1} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{2} \cdot x_{2} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{12345} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} + b_{11} \cdot x_{1}^{2} + b_{22} \cdot x_{2}^{2} + b_{22} \cdot x_{2}^{2} + b_{234} \cdot x_{2}^{2} \cdot x_{2}^{2} + b_{234} \cdot x_{2}^{2} \cdot x_{2}^{2} \cdot x_{2}^{2} + b_{234} \cdot x_{2}^{2} \cdot x_{2}^{2} + b_{24} \cdot x_{2}^{2} \cdot x_{2}^{2} \cdot x_{2}^{2} + b_{24} \cdot x_{2}^{2} \cdot x_{2}^{2} + b_{25} \cdot x_{2}^{2} \cdot x_{2}^{$$

По выражению (5) вычисляем коэффициенты полинома для электромагнитного момента и потребляемого тока. Коэффициенты приведены в таблице (4).

Для упрощения выражения (10) исключим из рассмотрения компоненты, не влияющие существенно на результат, для чего рассчитаем дисперсии вида [15]:

$$S_{bi}^{2} = S_{y}^{2} / \sum_{j=1}^{N} x_{ij}^{2}, \qquad (11)$$

Так как эксперимент вычислительный, то в выражении (11) дисперсию воспроизводимости  $S_{_{v}}^{^{2}}$  можно вычислить по формуле [15]:

$$S_{y}^{2} = \frac{y^{2} \cdot A^{2}}{4 \cdot 10^{4}}, \tag{12}$$

где y – экспериментальная величина, (в нашей работе принято равным выборочному среднему –  $y_{cp.}$ ), A – точность, приемлемая для исследуемого объекта, или с которой можно определить величину y, %. При этом число степеней свободы –  $f_y$  =  $\infty$ .

Примем: доверительная вероятность p=95%, число степеней свободы  $f_{_y}=\infty$ , тогда табличное значение критерия Стьюдента t=1,96 [12]. Соответственно можно определить доверительные интервалы  $\Delta b_{_i}=t\cdot S_{_{bi}}$ . Коэффициенты, для которых не выполнено соотношение  $|b_{_i}|>\Delta b_{_i}$ , считаем не значимыми [15], и при построении модели ПЭД не используем. Итоговые результаты приведены в таблице 4.

Таблица 4 – Доверительные интервалы компонент модели ПЭД

|        | M                       |                     | ${ m I_1}$              |                     |  |  |  |
|--------|-------------------------|---------------------|-------------------------|---------------------|--|--|--|
| Коэф.  | знач.                   | $\Delta \mathbf{b}$ | знач.                   | $\Delta \mathbf{b}$ |  |  |  |
| b0     | 288,910                 | 0,43                | 183,730                 | 0,27                |  |  |  |
| b1     | 49,896                  | 0,46                | -7,054                  | 0,30                |  |  |  |
| b2     | -53,932                 | 0,46                | -15,912                 | 0,30                |  |  |  |
| b3     | -8,703*10 <sup>-2</sup> | 0,46                | 5,049*10 <sup>-2</sup>  | 0,30                |  |  |  |
| b4     | 2,942                   | 0,46                | -9,429*10 <sup>-1</sup> | 0,30                |  |  |  |
| b5     | 57,280                  | 0,46                | 18,373                  | 0,30                |  |  |  |
| b12    | -5,266                  | 0,50                | 1,950                   | 0,32                |  |  |  |
| b13    | -4,459*10 <sup>-2</sup> | 0,50                | 3,212*10 <sup>-2</sup>  | 0,32                |  |  |  |
| b14    | 6,133*10 <sup>-1</sup>  | 0,50                | -2,903*10 <sup>-2</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b15    | 9,882                   | 0,50                | -7,105*10 <sup>-1</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b23    | 4,251*10 <sup>-2</sup>  | 0,50                | -2,297*10 <sup>-2</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b24    | -3,028*10 <sup>-1</sup> | 0,50                | -1,963*10 <sup>-1</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b25    | -10,616                 | 0,50                | -1,590                  | 0,32                |  |  |  |
| b34    | 3,775*10 <sup>-3</sup>  | 0,50                | -1,123*10 <sup>-2</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b35    | -1,721*10 <sup>-2</sup> | 0,50                | 5,038*10 <sup>-3</sup>  | 0,32                |  |  |  |
| b45    | 5,742*10 <sup>-1</sup>  | 0,50                | -9,250*10 <sup>-2</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b123   | 1,527*10 <sup>-2</sup>  | 0,50                | -1,280*10 <sup>-3</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b124   | -6,860*10 <sup>-2</sup> | 0,50                | -3,547*10 <sup>-3</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b125   | -1,043                  | 0,50                | 1,950*10 <sup>-1</sup>  | 0,32                |  |  |  |
| b134   | 1,234*10 <sup>-2</sup>  | 0,50                | -1,388*10 <sup>-2</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b135   | -8,829*10 <sup>-3</sup> | 0,50                | 3,212*10 <sup>-3</sup>  | 0,32                |  |  |  |
| b145   | 1,215*10 <sup>-1</sup>  | 0,50                | $-2,903*10^{-3}$        | 0,32                |  |  |  |
| b234   | -1,532*10 <sup>-2</sup> | 0,50                | $1,270*10^{-2}$         | 0,32                |  |  |  |
| b235   | 8,418*10 <sup>-3</sup>  | 0,50                | -2,297*10 <sup>-3</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b245   | -5,996*10 <sup>-2</sup> | 0,50                | -1,963*10 <sup>-2</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b345   | $7,475*10^{-4}$         | 0,50                | -1,123*10 <sup>-3</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b1234  | -5,956*10 <sup>-3</sup> | 0,50                | 6,650*10 <sup>-4</sup>  | 0,32                |  |  |  |
| b1235  | 3,024*10 <sup>-3</sup>  | 0,50                | -1,280*10 <sup>-4</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b1245  | -1,358*10 <sup>-2</sup> | 0,50                | -3,547*10 <sup>-4</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b1345  | 2,443*10 <sup>-3</sup>  | 0,50                | -1,388*10 <sup>-3</sup> | 0,32                |  |  |  |
| b2345  | -3,033*10 <sup>-3</sup> | 0,50                | 1,270*10 <sup>-3</sup>  | 0,32                |  |  |  |
| b12345 | -1,179*10 <sup>-3</sup> | 0,50                | 6,650*10 <sup>-5</sup>  | 0,32                |  |  |  |
| b11    | -5,524                  | 0,79                | -1,392*10 <sup>-1</sup> | 0,50                |  |  |  |
| b22    | 6,855                   | 0,79                | 1,223                   | 0,50                |  |  |  |
| b33    | -8,781*10 <sup>-2</sup> | 0,79                | -6,723*10 <sup>-3</sup> | 0,50                |  |  |  |
| b44    | -8,818*10 <sup>-1</sup> | 0,79                | 2,638*10 <sup>-1</sup>  | 0,50                |  |  |  |
| b55    | 2,755                   | 0,79                | -9,656*10 <sup>-4</sup> | 0,50                |  |  |  |

После исключения малозначимых коэффициентов и операции раскодирования, уравнения регрессии электромагнитного момента и тока статора примут вид:

$$\hat{M} = 86,421 - 114,994 \cdot x_{1} - 66,901 \cdot x_{2} + 1,819 \cdot 10^{-1} \cdot x_{4} - 2,399 \cdot 10^{-1} \cdot x_{5} + 61,358 \cdot x_{1} \cdot x_{2} + 2,560 \cdot 10^{-1} \cdot x_{1} \cdot x_{4} + 1,006 \cdot x_{1} \cdot x_{5} - 3,212 \cdot 10^{-1} \cdot x_{2} \cdot x_{5} + 3,005 \cdot 10^{-3} \cdot x_{4} \cdot x_{5} - 2,147 \cdot 10^{-1} \cdot x_{1} \cdot x_{2} \cdot x_{5} - 94,320 \cdot x_{1}^{2} + 56,734 \cdot x_{2}^{2} - 8,994 \cdot 10^{-3} \cdot x_{4}^{2} + 8,264 \cdot 10^{-4} \cdot x_{5}^{2};$$

$$(13)$$

$$\widehat{I}_{1} = 53,334 - 32,021 \cdot x_{1} - 50,626 \cdot x_{2} - 9,523 \cdot 10^{-2} \cdot x_{4} + 4,776 \cdot 10^{-1} \cdot x_{5} + 23,182 \cdot x_{1} \cdot x_{2} - 5,085 \cdot 10^{-2} \cdot x_{1} \cdot x_{5} - 7,923 \cdot 10^{-2} \cdot x_{2} \cdot x_{5} + 10,122 \cdot x_{2}^{2};$$

$$(14)$$

Проведем проверку на адекватность полученных моделей. Вычисляем остаточную дисперсию:

$$S_r^2 = \frac{\sum_{j=1}^{N} (y_j - \hat{y}_j)^2}{f_r},$$
 (15)

где  $f_r = N - l$ , l – количество коэффициентов в уравнении.

Определим «значение критерия Фишера» [12]:

$$F = S_r^2 / S_v^2. \tag{16}$$

В соответствии с [33] «если  $F < F_{ma \delta n}$ , то уравнение адекватно».

Результаты расчетов при p = 95%, занесены в таблицу (5)

 M  $I_I$ 
 $f_r$  22
 28

  $S_r^2$  1,32
 0,17

 F 0,63
 0,21

  $F_{max}$  1,52
 1,46

Таблица 5 – Критерий Фишера модели ПЭД

Анализ критерия Фишера табл.5 позволяет утверждать, что уравнения (13) и (14) удовлетворяют нашим требованиям адекватности и являются математическими моделями электромагнитного момента и тока статора ПЭД в режиме расклинивания.

Для электромагнитного момента, когда ПЭД находится в режиме расклинивания, средняя абсолютная ошибка (МАРЕ) составила – 0.18%, максимальная – 1.48%. Для потребляемого тока статора, когда ПЭД находится в режиме расклинивания, МАРЕ – 0.15%, максимальная ошибка – 0.5%. Полученные оценки вполне удовлетворительны для построения системы управления рассматриваемым режимом.

## Заключение и выводы

- 1. Предложена методика исследования работы асинхронных погружных электродвигателей при неноминальных режимах работы, включая вариации величины питающего напряжения.
- 2. Построены математические модели ПЭД в режиме расклинивания, в виде зависимостей момента и тока статора от параметров Т-образной схемы замещения. Показана удовлетворительная точность этих моделей в области применимости: средняя абсолютная ошибка (МАРЕ) составила 0.18%, максимальная 1.48%. Для потребляемого тока статора, когда ПЭД находится в режиме расклинивания, МАРЕ 0.15%, максимальная ошибка 0.5%.
- 3. Предложенные модели ПЭД можно использовать в структуре систем управления УЭЦН.

### Литература

1. Экспертный Совет по механизированной добыче нефти // Механизированная добыча -2021: Международная практическая конференция, 2021. № 5. - C. 94–97. - URL: http://pump-sovet.com/upload/itogi\_mdn-2021\_neftegaz.ru\_№5\_2021.pdf (дата обращения: 05.03.2022). - Текст : электронный.

- 2. Ведерников, В. А. Исследование и анализ процесса «расклинивания» погружных насосов установок добычи нефти / В. А. Ведерников, О. А. Лысова, Р. Р. Лопатин. EDN: MXGHIX. Текст: непосредственный // Вестник кибернетики. 2010. № 9. С. 28–36.
- 3. Sensorless Control of CSC-Fed PMSM Drives with Low Switching Frequency for Electrical Submersible Pump Application / L. Ding, Y. W. Li, N. R. Zargari, R. Paes. DOI: 10.1109/TIA.2020.2990895 // IEEE Transactions on Industry Applications. 2020. Vol. 56, No. 4. P. 3799–3808.
- 4. Шандарова, Е. Б. Имитационное моделирование асинхронного электропривода насоса погружного технологического оборудования / Е. Б. Шандарова, В. Г. Букреев, Е. А. Быстров. DOI: 10.18503/2311-8318-2021-4(53)-13-18 // Электротехнические системы и комплексы. 2021. № 4 (53). С. 13–18.
- 5. Ковалев, В. З. Моделирование динамических режимов работы асинхронной машины с учетом тепловых переходных процессов / В. З. Ковалев, О. В. Архипова. EDN: VEDWLX. Текст: непосредственный // Нефтегазовое дело. 2015. Т. 13, № 1. С. 115–118.
- 6. Identification of mathematical models parameters of electromechanical consumers of regionally isolated electrotechnical complexes / V. Z. Kovalev, O. V. Arhipova, S. S. Esin [et al.]. DOI: 10.1088/1742-6596/1260/5/052014 // Journal of Physics: Conference Series. 2019. Vol. 1260. P. 052014.
- 7. Каширских, В. Г. Обоснование упрощения математической модели асинхронного электродвигателя для динамической идентификации / В. Г. Каширских. Текст : непосредственный. DOI: 10.26730/1816-4528-2019-5-33-37 // Горное оборудование и электромеханика. 2019. № 5 (145). С. 33—37.
- 8. Chen, J. Resistances and Speed Estimation in Sensorless Induction Motor Drives Using a Model with Known Regressors / J. Chen, J. Huang, Y. Sun. DOI: 10.1109/TIE.2018.2849964 // IEEE Transactions on Industrial Electronics. 2019. Vol. 66, № 4. P. 2659–2667.
- 9. Enhancement of induction motor dynamics using a novel sensorless predictive control algorithm / H. Echeikh, N. V. Quynh, H. H. Alhelou [et al.]. DOI: 10.3390/en14144377 // Energies. 2021. Vol. 14. № 14.
- 10. Model predictive control of induction motor based on amplitude-phase motion equation / Z. Lu, R. Zhang, L. Hu [et al.]. DOI: 10.1049/iet-pel.2019.0093 // IET Power Electronics. 2019. Vol. 12, № 9. P. 2400-2406.
- 11. Aziz, A. G. M. A. Robust sensorless model-predictive torque flux control for high-performance induction motor drives / A. G. M. A. Aziz, A. A. Zaki Diab, H. Rez. DOI: 10.3390/math9040403 // Mathematics. 2021. Vol. 9, № 4. P. 1–29
- 12. Ivobotenko, B. A. Planirovanie eksperimenta v elektromekhanike [Designing of experiments in electromechanics] / B. A. Ivobotenko, N.F. Ilinskij, I. P. Kopylov. Moscow : Energy, 1975. 184 p. [in Russian].
- 13. Durakovic, B. Design of Experiments Application, Concepts, Examples: State of the Art / B. Durakovic. DOI: 10.21533/pen.v5i3.145 // Periodicals of Engineering and Natural Scinces. 2017. Vol. 5, № 3. P. 421–439.
- 14. Jankovic, A. Designing the design of experiments (DOE) An investigation on the influence of different factorial designs on the characterization of complex systems / A. Jankovic, G. Chaudhary, F. Goia. DOI: 10.1016/j.enbuild.2021.111298// Energy and Buildings. 2021. Vol. 250. P. 111298.
- 15. Montgomery, D. C. Design and Analysis of Experiments / D. C. Montgomery. Ninth Edition. Hoboken; NJ: John Wiley and Sons, 2017. 734 p.
- 16. Schrangl, P. On optimal design of experiments for static polynomial approximation of nonlinear systems / P. Schrangl, L. Giarre. DOI: 10.1016/j.sysconle.2020.104758 // Systems and Control Letters. 2020. Vol. 143. –P. 104758.
- 17. Исследование функционирования электротехнических комплексов установок электроцентробежных насосов при вариациях внешних температурных воздействий / Р. Н.

- Хамитов, В. В. Аникин, В. З. Ковалев, А. О. Парамзин. DOI: 10.25206/1813-8225-2020-172-19-25. Текст: непосредственный // Омский научный вестник. 2020. № 4 (172). С. 19–25.
- 18. Боловин, Е. В. Метод идентификации параметров погружных асинхронных электродвигателей установок электроприводных центробежных насосов для добычи нефти / Е. В. Боловин, А. С. Глазырин. EDN: YGSRYP. Текст: непосредственный // Известия Томского политехнического университета. Инжиниринг георесурсов. 2017. Т. 328, № 1. С. 123–131.
- 19. Математическая модель погружного асинхронного двигателя как электротехнического комплекса / О. В. Архипова, Р. А. Чертов, А.В. Денисенко [и др.]. Текст: непосредственный // Инженерный вестник Дона. 2020. № 12 (72). С. 146–158.
- 20. Татевосян, А. А. Исследование статических и динамических характеристик синхронного двигателя на постоянных магнитах для привода поршневого компрессора / А. А. Татевосян. Текст: непосредственный // Сборник трудов XI Международной (XXII Всероссийской) конференции по автоматизированному электроприводу АЭП 2020, Санкт-Петербург, 4-7 октября 2020 года. Санкт-Петербург: ФГАОУВО «Национальный исследовательский университет ИТМО», 2021. С. 18—22.